

## COMUNE DI TRAPANI

Libero Consorzio comunale di Trapani



|              | PNRR PIANO NAZIONALE DI RIPRESA E RESILIENZA finanziato dall'Unione Europea - Next Generation EU  |
|--------------|---|
| Missione     | 5 - Inclusione e coesione   |
| Componente   | 2 - Infrastrutture sociali, famiglie, comunità e terzo settore  |
| Investimento | 2.1 - Investimenti in progetti di rigenerazione urbana, volti a ridurre situazioni di emarginazione e degrado sociale   |
| Importo      | € 181.473,00  |
| CUP          | I95F21000200001   |
| Titolo       | "Recupero e valorizzazione del giardino e del padiglione Liberty di Villa<br>Margherita, finalizzato a migliorare la qualità del decoro urbano e del tessuto<br>sociale ed ambientale della città di Trapani" |

|       | PROGETTO ESECUTIVO |   |  |  |  |  |  |
|-------|--------------------|---|--|--|--|--|--|
| Scala | TAV.               | Tipo di elaborato: Strutture                        |  |  |  |  |  |
|       | ST.02              | Oggetto: Relazione di calcolo e tabulati di calcolo |  |  |  |  |  |

| Progettista | R.T.P.:  |
|-------------|--|
|             | Ing. Pietro Faraone (capogruppo/mandatario)              |
|             | Arch. Paola Faraone (mandante)                           |
|             | Geol. Luigi Buttice (mandante)                           |
|             | Ing. Emanuela Montalto (mandante/giovane professionista) |
| RUP         | Arch. Antonino Alestra  Dott. Geot. BUTTICE'             |
|             | LUIGI N. 1509 Soly - Ret Qu                              |
| Data        | Ottobre 2023   |

| REV | MOTIVAZIONI | DATA |
|-----|-------------|------|
|     |             |      |
|     |             |      |

## **Premessa**

L'intervento si configura quale sostituzione del solaio ligneo di copertura, mantenendo la tipologia costruttiva esistente, i relativi carichi permanenti e non aumentando di fatto i sovraccarichi sull'orizzontamento.

Con riferimento al disposto combinato del *D.M. 14/01/2018 Cap. 8.4.1* e all'*allegato A al D.D.G. n.344 del 19/05/2020*, l'intervento è stato considerato e calcolato di **tipo locale** in quanto le opere da realizzare riguardano un singolo elemento della struttura (solaio di copertura ligneo). Inoltre, tali opere non alterano il comportamento globale della costruzione. Le opere verranno realizzate con materiali lignei (travi e tavolato) aventi buone caratteristiche di resistenza e di duttilità, impedendo meccanismi di collasso locale. Gli interventi da realizzare non comportano una riduzione dei livelli di sicurezza preesistenti.

La scelta progettuale, assunta in linea con i contenuti della *Circolare n.18 prot. n. DGBeAP/8538/34.01.10 del 25 marzo 2016* da parte del *Ministero dei beni e delle attività culturali e del turismo*, ha privilegiato una serie di interventi che si integrano alla struttura esistente senza trasformarla, senza alterare il comportamento originario dell'edificio, risultando reversibili, non invasivi e rispettosi delle tecniche e dei materiali tradizionali.

Inoltre, per quanto riguarda lo specifico intervento in copertura, così come indicato al punto 6.3.5 interventi in copertura di cui alla DIRETTIVA DEL PRESIDENTE DEL CONSIGLIO DEI MINISTRI 9 febbraio 2011 Valutazione e riduzione del rischio sismico del patrimonio culturale con riferimento alle Norme tecniche per le costruzioni di cui al decreto del Ministero delle infrastrutture e dei trasporti del 14 gennaio 2008 "...É in linea generale opportuno il mantenimento dei tetti in legno, in quanto capaci di limitare le masse nella parte più alta dell'edificio e di garantire un'elasticità simile a quella della compagine muraria sottostante.

In generale, vanno il più possibile sviluppati i collegamenti e le connessioni reciproche tra la parte terminale della muratura e le orditure e gli impalcati del tetto, ricercando le configurazioni e le tecniche compatibili con le diverse culture costruttive locali...".

## **VERIFICA SOLAIO IN LEGNO S.1 (LUCE 474 cm)**

#### VERIFICA DI UN TETTO IN LEGNO A ORDITURA SEMPLICE

Dati generali:

Normativa di riferimento: DM 17/01/2018 NTC Categoria carichi variabili: H, I, K - Coperture.

## Dati geometrici:

Travi in legno:

| BxH [cm]    | Angolo incl. | Area [cm²] | Av [cm <sup>2</sup> ] | Wx [cm <sup>3</sup> ] | Jx [cm4] | Wy [cm <sup>3</sup> ] | Jy [cm4] |
|-------------|--------------|------------|-----------------------|-----------------------|----------|-----------------------|----------|
| 12.0 x 24.0 | 0.0°         | 288.0      | 204.5                 | 1152.0                | 13824.0  | 576.0                 | 3456.0   |

Interasse: i = 60.0 cm

Luce di calcolo: L = Lo / cosa = 474.0 / 1.00000 = 474.0 cm

Spessore tavolato in legno: tw = 5.0 cm Angolo inclinazione falda:  $\alpha$  = 0.0°

#### MATERIALI

#### Legno:

Le normative EN dividono i legnami per costruzioni in classi (C, D, T, GL) per le quali vengono forniti dei valori caratteristici di resistenza, modulo elastico e densità.

Caratteristiche meccaniche del legno:

f<sub>mk</sub> Resistenza a flessione

ft0 Resistenza a trazione parallela alle fibre ft90 Resistenza a trazione perpendicolare alle fibre fc0 Resistenza a compressione parallela alle fibre fc90 Resistenza a compressione perpendicolare alle fibre

f<sub>vk</sub> Resistenza a taglio Em Modulo elastico medio

 $\begin{array}{ll} \text{Gm} & \text{Modulo elastico tangenziale medio} \\ \rho_k & \text{Massa volumica caratteristica} \end{array}$ 

ρ<sub>m</sub> Massa volumica media

L'applicazione di coefficienti correttivi legati a fattori ambientali e durata dei carichi e i coefficienti parziali di sicurezza permettono di ottenere i valori di progetto (d) da quelli caratteristici (k) con le seguenti relazioni:

Per i valori di resistenza: Xd = K<sub>mod</sub> Xk / γ<sub>m</sub>

Per verifiche a flessione e a trazione parallela alla fibratura i valori possono essere incrementati tramite il coefficiente moltiplicativo kh che tiene conto della dimensione massima della sezione.

Per le deformazioni a lungo termine i moduli elastici risultano ridotti: Mm,fin = Mm / (1 + Kdef )

Nel caso in esame i coefficienti correttivi valgono:

Classe di servizio 1 - (caratterizzata da un'umidità del materiale in equilibrio con l'ambiente a una temperatura di 20°C e un'umidità relativa dell'aria circostante che non superi il 65% se non per poche settimane all'anno.)

K<sub>mod</sub> = 0.90 per classe di durata dei carichi variabili di breve durata (meno di 1 settimana)

K<sub>mod</sub> = 0.60 per classe di durata dei carichi variabili permanenti

K<sub>def</sub> = 0.60 per classe di servizio 1

## Legno travi:

Classe: GL24h - EN14080:2013 Legno lamellare incollato

γ<sub>m</sub> = Coef. parziale di sicurezza = 1.45

Kh = 1.096 (Lmax = 24.0 cm)

Kcf = Coef. riduzione a taglio per fessurazione = 0.71

| Em       | Em,fin  | Gm      | Gm,fin  | ρk    | ρm    |
|----------|---------|---------|---------|-------|-------|
| daN/cmq  | daN/cmq | daN/cmq | daN/cmq | kg/mc | kg/mc |
| 115000.0 | 71875.0 | 6500.0  | 4062.5  | 385.0 | 420.0 |

| Resistenza                      | f <sub>mk</sub> | f <sub>t0</sub> | f <sub>t90</sub> | f <sub>c0</sub> | f <sub>c90</sub> | f <sub>vk</sub> |
|---------------------------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|------------------|-----------------|
|                                 | daN/cmq         | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         |
| caratteristica                  | 240.0           | 192.0           | 5.0              | 240.0           | 25.0             | 35.0            |
| prog. $(K_{mod} = 0.90)$        | 163.3           | 130.6           | 3.1              | 149.0           | 15.5             | 21.7            |
| prog. (K <sub>mod</sub> = 0.60) | 108.8           | 87.1            | 2.1              | 99.3            | 10.3             | 14.5            |

#### Legno tavolato:

Classe: C24 - EN338:2016 Legname di conifere e di pioppo Classe C

 $\gamma_m$  = Coef. parziale di sicurezza = 1.50

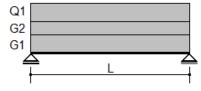
Kh = 1.000 (Lmax = 25.0 cm - larghezza delle tavole)

Kcf = Coef. riduzione a taglio per fessurazione = 0.50

| Em       | Em,fin  | Gm      | Gm,fin  | ρk    | ρm    |
|----------|---------|---------|---------|-------|-------|
| daN/cmq  | daN/cmq | daN/cmq | daN/cmq | kg/mc | kg/mc |
| 110000.0 | 71875.0 | 6900.0  | 4312.5  | 350.0 | 420.0 |

| Resistenza               | f <sub>mk</sub> | f <sub>t0</sub> | f <sub>t90</sub> | f <sub>c0</sub> | f <sub>c90</sub> | f <sub>vk</sub> |
|--------------------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|------------------|-----------------|
|                          | daN/cmq         | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         |
| caratteristica           | 240.0           | 145.0           | 4.0              | 210.0           | 25.0             | 40.0            |
| prog. $(K_{mod} = 0.90)$ | 144.0           | 87.0            | 2.4              | 126.0           | 15.0             | 24.0            |
| prog. $(K_{mod} = 0.60)$ | 96.0            | 58.0            | 1.6              | 84.0            | 10.0             | 16.0            |

## SCHEMA STATICO:



## **ANALISI DEI CARICHI:**

Carichi permanenti:

| - tavolato in legno  | 21,0 | daN/mg |
|----------------------|------|--------|
| g1 =                 | 21,0 | daN/mq |
| g1 x interasse travi | 12.6 | daN/m  |
| peso proprio trave   | 12.1 | daN/m  |
| G1 =                 | 24.7 | daN/m  |

Carichi permanenti non strutturali:

| - manto di copertura                 | 211,0 | daN/mq |
|--------------------------------------|-------|--------|
| - impermeabilizzazione+coibentazione | 15,0  | daN/mg |
| g2 =                                 | 226,0 | daN/mq |

G2 = g2 x interasse travi (0.60 m) 135.6 daN/m

Carichi variabili:

q = carico da neve 120,0 daN/mq  $q' = q cos \alpha$  120,0 daN/mq Q1 = q' x interasse travi 72.0 daN/m

## Carichi permanenti portati (non strutturali)

Stratigrafia copertura [daN/mq]

| Totale carichi G2                               | 211.0 |
|---|-------|
| - controsoffitto pesante                        | 25.0  |
| -pannelli solari + supporto                     | 55.0  |
| - sottofondo cls con argilla espansa (s=4.0 cm) | 56.0  |
| - pavimento in cotto su malta di calce          | 75.0  |

```
VERIFICHE FALSO PUNTONE IN LEGNO:
```

Combinazione di carico: permanenti + variabili (Kmod = 0.900)

Q (ortogonale) = (G1  $\gamma$ g1 + G2  $\gamma$ g2 + Q1  $\gamma$ q1) cos $\alpha$  = 343.50 daN/m ( $\gamma$ g1 = 1.30;  $\gamma$ g2 = 1.50;  $\gamma$ q1 = 1.50)

Verifica a flessione:

 $M = (Q L^2) / 8 = 96471.6 daN cm$ 

 $\sigma_W = M / Wx = 83.7 \text{ daN/cmq} < f_{md} = 163.26 \text{ daN/cmq} (Ok)$ 

Verifica a taglio:

V = (Q L) / 2 = 814.1 daN

 $\tau_W = 1.5 \text{ V / Av} = 6.0 \text{ daN/cmq} < f_{vd} = 21.72 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

Combinazione di carico: soli carichi permanenti (Kmod = 0.600)

Q (ortogonale) = (G1  $\gamma$ g1 + G2  $\gamma$ g2)  $\cos\alpha$  = 235.50 daN/m ( $\gamma$ g1 = 1.30;  $\gamma$ g2 = 1.50)

Verifica a flessione:

 $M = (Q L^2) / 8 = 66140.3 daN cm$ 

 $\sigma_W = M / Wx = 57.4 \text{ daN/cmq} < fp_{md} = 108.84 \text{ daN/cmq} (Ok)$ 

Verifica a taglio:

V = (Q L) / 2 = 558.1 daN

 $\tau_W = 1.5 \text{ V / Av} = 4.1 \text{ daN/cmq} < fp_{vd} = 14.48 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

## Frecce in esercizio:

Deformazione istantanea per effetto dei carichi permanenti:

Gk = G1 + G2 = 24.70 + 135.60 = 160.30 daN/m

U1i =  $((5 \text{ Gk } L^4) / (384 \text{ Em Jx})) + ((1.2 \text{ Gk } L^2) / (8 \text{ Gm A})) = 6.916 \text{ mm}$ 

Deformazione istantanea per effetto dei carichi variabili:

 $U2i = ((5 Q1 L^4) / (384 Em Jx)) + ((1.2 Q1 L^2) / (8 Gm A)) = 3.106 mm$ 

Deformazione istantanea (combinazione rara):

Ui = U1i + U2i = 10.022 mm

Deformazione finale per effetto dei carichi permanenti + variabili (combinazione quasi permanente):

Ufin = U1i (1 + Kdef) + U2i (1 +  $\psi$  2 Kdef) = 14.172 mm (Kdef = 0.600,  $\psi$  2 = 0.00):

Verifiche di deformazione:

Ui / L = 1 / 473 < 1 / 300 (Ok)

Ufin / L = 1 / 334 < 1 / 200 (Ok)

#### **VERIFICHE DEL TAVOLATO IN LEGNO:**

Dimensioni di calcolo: larghezza = 100 cm, spessore = 5.0 cm, luce = 60.0 cm

```
G1y = G1 \cos\alpha = 21.00 \text{ daN/m}
G1x = G1 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
G2x = G2 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                               G2y = G2 \cos \alpha = 226.00 \text{ daN/m}
Q1x = Q1 sen \alpha = 0.00 daN/m
                                               Q1y = Q1 \cos\alpha = 120.00 daN/m
Combinazione di carico: permanenti + variabili (Kmod = 0.900)
Qx = G1x \gamma g1 + G2x \gamma g2 + Q1x \gamma q1 = 0.00 daN/m (\gamma g1 = 1.30; \gamma g2 = 1.50; \gamma q1 = 1.50)
Qy = G1y \gammag1 + G2y \gammag2 + Q1y \gammaq1 = 546.30 daN/m (\gammag1 = 1.30; \gammag2 = 1.50; \gammaq1 = 1.50)
Verifica a flessione deviata:
Mx = (Qy L^2) / 8 = 2458.4 daN cm
M_V = (Qx L^2) / 8 = 0.0 daN cm
\sigma_{xw} = M_x / W_x = 5.90 \text{ daN/cmq}
\sigma_{yw} = M_y / W_y = 0.00 \text{ daN/cmg}
(\sigma_{xw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{yw} / fmd) = 0.041 < 1 (Ok)
(\sigma_{yw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{xw} / fmd) = 0.029 < 1 (Ok)
Verifica a taglio:
Vy = (Qy L) / 2 = 163.9 daN
Vx = (Qx L) / 2 = 0.0 daN
twy = 1,5 Vy / A = 0.98 daN/cmq
twx = 1.5 Vx / A = 0.00 daN/cmq
Tw = (Twx^2 + Twy^2)^{1/2} = 0.98 \text{ daN/cmq} < \text{fvd} = 24.00 \text{ daN/cmq} (Ok)
Combinazione di carico: soli carichi permanenti (Kmod = 0.600)
Qx = G1x \gamma g1 + G2x \gamma g2 = 0.00 daN/m
                                                    (\gamma g1 = 1.30; \gamma g2 = 1.50)
Qy = G1y \gammag1 + G2y \gammag2 = 366.30 daN/m (\gammag1 = 1.30; \gammag2 = 1.50)
Verifica a flessione deviata:
Mx = (Qy L^2) / 8 = 1648.4 daN cm
My = (Qx L^2) / 8 = 0.0 daN cm
\sigma xw = Mx / Wx = 3.96 daN/cmq
\sigma_{yw} = M_y / W_y = 0.00 \text{ daN/cmq}
(\sigma_{xw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{yw} / fmd) = 0.041 < 1 (Ok)
(\sigma_{yw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{xw} / fmd) = 0.029 < 1 (Ok)
Verifica a taglio:
Vy = (Qy L) / 2 = 109.9 daN
Vx = (Qx L) / 2 = 0.0 daN
twy = 1.5 Vy / A = 0.66 daN/cmq
twx = 1.5 Vx / A = 0.00 daN/cmq
\tau w = (\tau w x^2 + \tau w y^2)^{1/2} = 0.66 \text{ daN/cmq} < \text{fvd} = 16.00 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}
```

#### Frecce in esercizio:

Deformazione istantanea per effetto dei carichi permanenti: U1Xi = ((5 G1x L^4 ) / (384 Em Jy)) + ((1.2 G1x L^2 ) / (8 Gm A)) = 0.000 mm U1Yi = ((5 G1y L^4 ) / (384 Em Jx)) + ((1.2 G1y L^2 ) / (8 Gm A)) = 0.040 mm U1i = (U1Xi^2 + U1Yi^2 )^{1/2} = 0.040 mm

Deformazione istantanea per effetto dei carichi variabili: U2Xi = ((5 Q1x L^4 ) / (384 Em Jy)) + ((1.2 Q1x L^2 ) / (8 Gm A)) = 0.000 mm U2Yi = ((5 Q1y L^4 ) / (384 Em Jx)) + ((1.2 Q1y L^2 ) / (8 Gm A)) = 0.020 mm U2i = (U2Xi^2 + U2Yi^2 )^{1/2} = 0.020 mm

Deformazione istantanea (combinazione rara):

Ui = U1i + U2i = 0.060 mm

Deformazione finale per effetto dei carichi permanenti + variabili (combinazione quasi permanente):

Verifiche di deformazione:

Ui / L = 1 / 10035 < 1 / 300 (Ok) Ufin / L = 1 / 7148 < 1 / 200 (Ok)

# VERIFICA SOLAIO IN LEGNO S.2 (LUCE 177 cm) VERIFICA DI UN TETTO IN LEGNO A ORDITURA SEMPLICE

Dati generali:

Normativa di riferimento: DM 17/01/2018 NTC Categoria carichi variabili: H, I, K - Coperture.

## Dati geometrici:

Travi in legno:

| BxH [cm]    | Angolo incl. | Area [cm²] | Av [cm <sup>2</sup> ] | Wx [cm <sup>3</sup> ] | Jx [cm <sup>4</sup> ] | Wy [cm <sup>3</sup> ] | Jy [cm <sup>4</sup> ] |
|-------------|--------------|------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 10.0 x 12.0 | 0.0°         | 120.0      | 85.2                  | 240.0                 | 1440.0                | 200.0                 | 1000.0                |

Interasse: i = 73.0 cm

Luce di calcolo: L = Lo /  $\cos\alpha$  = 177.0 / 1.00000 = 177.0 cm

Spessore tavolato in legno: tw = 5.0 cm Angolo inclinazione falda:  $\alpha$  = 0.0°

#### MATERIALI

#### Legno:

Le normative EN dividono i legnami per costruzioni in classi (C, D, T, GL) per le quali vengono forniti dei valori caratteristici di resistenza, modulo elastico e densità.

Caratteristiche meccaniche del legno:

fmk Resistenza a flessione

fto Resistenza a trazione parallela alle fibre

f<sub>t90</sub> Resistenza a trazione perpendicolare alle fibre

f<sub>c0</sub> Resistenza a compressione parallela alle fibre

fc90 Resistenza a compressione perpendicolare alle fibre

f<sub>vk</sub> Resistenza a taglio Em Modulo elastico medio

Gm Modulo elastico tangenziale medio

ρ<sub>k</sub> Massa volumica caratteristica

ρ<sub>m</sub> Massa volumica media

L'applicazione di coefficienti correttivi legati a fattori ambientali e durata dei carichi e i coefficienti parziali di sicurezza permettono di ottenere i valori di progetto (d) da quelli caratteristici (k) con le seguenti relazioni:

Per i valori di resistenza: Xd = K<sub>mod</sub> Xk / γ<sub>m</sub>

Per verifiche a flessione e a trazione parallela alla fibratura i valori possono essere incrementati tramite il coefficiente moltiplicativo kh che tiene conto della dimensione massima della sezione.

Per le deformazioni a lungo termine i moduli elastici risultano ridotti: Mm, fin = Mm / (1 + Kdef )

Nel caso in esame i coefficienti correttivi valgono:

Classe di servizio 1 - (caratterizzata da un'umidità del materiale in equilibrio con l'ambiente a una temperatura di 20°C e un'umidità relativa dell'aria circostante che non superi il 65% se non per poche settimane all'anno.)

K<sub>mod</sub> = 0.90 per classe di durata dei carichi variabili di breve durata (meno di 1 settimana)

K<sub>mod</sub> = 0.60 per classe di durata dei carichi variabili permanenti

K<sub>def</sub> = 0.60 per classe di servizio 1

## Legno travi:

Classe: GL24h - EN14080:2013 Legno lamellare incollato

 $\gamma_m$  = Coef. parziale di sicurezza = 1.45

Kh = 1.100 (Lmax = 12.0 cm)

Kcf = Coef. riduzione a taglio per fessurazione = 0.71

| Em       | Em,fin  | Gm      | Gm,fin  | ρk    | ρm    |
|----------|---------|---------|---------|-------|-------|
| daN/cmq  | daN/cmq | daN/cmq | daN/cmq | kg/mc | kg/mc |
| 115000.0 | 71875.0 | 6500.0  | 4062.5  | 385.0 | 420.0 |

| Resistenza                      | f <sub>mk</sub> | f <sub>t0</sub> | f <sub>t90</sub> | f <sub>c0</sub> | fc90    | fvk     |
|---------------------------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|---------|---------|
|                                 | daN/cmq         | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         | daN/cmq | daN/cmq |
| caratteristica                  | 240.0           | 192.0           | 5.0              | 240.0           | 25.0    | 35.0    |
| prog. (K <sub>mod</sub> = 0.90) | 163.9           | 131.1           | 3.1              | 149.0           | 15.5    | 21.7    |
| prog. (K <sub>mod</sub> = 0.60) | 109.2           | 87.4            | 2.1              | 99.3            | 10.3    | 14.5    |

## Legno tavolato:

Classe: C24 - EN338:2016 Legname di conifere e di pioppo Classe C

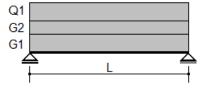
 $\gamma_{\text{m}}$  = Coef. parziale di sicurezza = 1.50

Kh = 1.000 (Lmax = 25.0 cm - larghezza delle tavole) Kcf = Coef. riduzione a taglio per fessurazione = 0.50

| Em       | Em,fin  | Gm      | Gm,fin  | ρk    | ρm    |
|----------|---------|---------|---------|-------|-------|
| daN/cmq  | daN/cmq | daN/cmq | daN/cmq | kg/mc | kg/mc |
| 110000.0 | 71875.0 | 6900.0  | 4312.5  | 350.0 | 420.0 |

| Resistenza               | f <sub>mk</sub> | f <sub>t0</sub> | f <sub>t90</sub> | f <sub>c0</sub> | f <sub>c90</sub> | fvk     |
|--------------------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|------------------|---------|
|                          | daN/cmq         | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq |
| caratteristica           | 240.0           | 145.0           | 4.0              | 210.0           | 25.0             | 40.0    |
| prog. $(K_{mod} = 0.90)$ | 144.0           | 87.0            | 2.4              | 126.0           | 15.0             | 24.0    |
| prog. $(K_{mod} = 0.60)$ | 96.0            | 58.0            | 1.6              | 84.0            | 10.0             | 16.0    |

## SCHEMA STATICO:



## **ANALISI DEI CARICHI:**

Carichi permanenti:

| <ul> <li>tavolato in legno</li> </ul> | 21,0 | daN/mg |
|---------------------------------------|------|--------|
| g1 =                                  | 21,0 | daN/mq |
| g1 x interasse travi                  | 15.3 | daN/m  |
| peso proprio trave                    | 5.0  | daN/m  |
| G1 =                                  | 20.4 | daN/m  |

Carichi permanenti non strutturali:

| - manto di copertura<br>- impermeabilizzazione+coibentazione | 15,0  | daN/mq<br>daN/mq |
|--|-------|------------------|
| g2 =   | 226,0 | daN/mq           |
| G2 = g2 x interasse travi (0.73 m)                           | 165.0 | daN/m            |
| Carichi variabili:   |       |                  |
| q = carico da neve   | 120,0 | daN/mq           |
| q' = q cosα  | 120,0 | daN/mq           |
| Q1 = g' x interasse travi                                    | 87.6  | daN/m            |

## Carichi permanenti portati (non strutturali)

Stratigrafia copertura [daN/mq]

| - pavimento in cotto su malta di calce          | 75.0  |
|---|-------|
| - sottofondo cls con argilla espansa (s=4.0 cm) | 56.0  |
| -pannelli solari + supporto                     | 55.0  |
| - controsoffitto pesante                        | 25.0  |
| Totale carichi G2                               | 211.0 |

```
VERIFICHE FALSO PUNTONE IN LEGNO:
```

Combinazione di carico: permanenti + variabili (Kmod = 0.900)

Q (ortogonale) = (G1  $\gamma$ g1 + G2  $\gamma$ g2 + Q1  $\gamma$ q1)  $\cos\alpha$  = 405.35 daN/m ( $\gamma$ g1 = 1.30;  $\gamma$ g2 = 1.50;  $\gamma$ q1 = 1.50)

Verifica a flessione:

 $M = (Q L^2) / 8 = 15874.1 daN cm$ 

 $\sigma w = M / Wx = 66.1 \text{ daN/cmq} < f_{md} = 163.86 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

Verifica a taglio:

V = (Q L) / 2 = 358.7 daN

 $\tau w$  = 1,5 V / Av = 6.3 daN/cmq  $\,$  <  $f_{vd}$  = 21.72 daN/cmq  $\,$  (Ok)

Combinazione di carico: soli carichi permanenti (Kmod = 0.600)

Q (ortogonale) = (G1  $\gamma$ g1 + G2  $\gamma$ g2) cos $\alpha$  = 273.95 daN/m ( $\gamma$ g1 = 1.30;  $\gamma$ g2 = 1.50)

Verifica a flessione:

 $M = (Q L^2) / 8 = 10728.3 daN cm$ 

 $\sigma w = M / Wx = 44.7 \text{ daN/cmq} < fp_{md} = 109.24 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

Verifica a taglio:

V = (Q L) / 2 = 242.4 daN

 $\tau_W = 1.5 \text{ V / Av} = 4.3 \text{ daN/cmq} < fp_{vd} = 14.48 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

## Frecce in esercizio:

Deformazione istantanea per effetto dei carichi permanenti:

Gk = G1 + G2 = 20.37 + 164.98 = 185.35 daN/m

U1i =  $((5 \text{ Gk L}^4) / (384 \text{ Em Jx})) + ((1.2 \text{ Gk L}^2) / (8 \text{ Gm A})) = 1.542 \text{ mm}$ 

Deformazione istantanea per effetto dei carichi variabili:

U2i =  $((5 \text{ Q1 L}^4) / (384 \text{ Em Jx})) + ((1.2 \text{ Q1 L}^2) / (8 \text{ Gm A})) = 0.729 \text{ mm}$ 

Deformazione istantanea (combinazione rara):

Ui = U1i + U2i = 2.271 mm

Deformazione finale per effetto dei carichi permanenti + variabili (combinazione quasi permanente):

Ufin = U1i (1 + Kdef) + U2i (1 +  $\psi$  2 Kdef) = 3.196 mm (Kdef = 0.600,  $\psi$  2 = 0.00):

Verifiche di deformazione:

Ui/L = 1/779 < 1/300 (Ok)

Ufin / L = 1 / 554 < 1 / 200 (Ok)

#### VERIFICHE DEL TAVOLATO IN LEGNO:

Dimensioni di calcolo: larghezza = 100 cm, spessore = 5.0 cm, luce = 73.0 cm

```
G1x = G1 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                               G1y = G1 \cos \alpha = 21.00 \text{ daN/m}
G2x = G2 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                               G2y = G2 cosα = 226.00 daN/m
Q1x = Q1 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                               Q1y = Q1 \cos \alpha = 120.00 \text{ daN/m}
Combinazione di carico: permanenti + variabili (Kmod = 0.900)
Qx = G1x \gamma g1 + G2x \gamma g2 + Q1x \gamma g1 = 0.00 daN/m
                                                                (\gamma g1 = 1.30; \ \gamma g2 = 1.50; \ \gamma q1 = 1.50)
Qy = G1y \gammag1 + G2y \gammag2 + Q1y \gammaq1 = 546.30 daN/m (\gammag1 = 1.30; \gammag2 = 1.50; \gammaq1 = 1.50)
Verifica a flessione deviata:
Mx = (Qy L^2) / 8 = 3639.0 daN cm
My = (Qx L^2) / 8 = 0.0 daN cm
\sigma xw = Mx / Wx = 8.73 daN/cmq
\sigma_{yw} = M_y / W_y = 0.00 \text{ daN/cmq}
(\sigma xw / fmd) + 0.7 (\sigma yw / fmd) = 0.061 < 1 (Ok)
(\sigma_{yw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{xw} / fmd) = 0.042 < 1 (Ok)
Verifica a taglio:
Vy = (Qy L) / 2 = 199.4 daN
Vx = (Qx L) / 2 = 0.0 daN
twy = 1,5 Vy / A = 1.20 daN/cmq
twx = 1.5 Vx / A = 0.00 daN/cmq
tw = (twx^2 + twy^2)^{1/2} = 1.20 \text{ daN/cmq} < \text{fvd} = 24.00 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}
Combinazione di carico: soli carichi permanenti (Kmod = 0.600)
Qx = G1x \gamma g1 + G2x \gamma g2 = 0.00 daN/m
                                                   (\gamma g1 = 1.30; \gamma g2 = 1.50)
Qy = G1y \gamma g1 + G2y \gamma g2 = 366.30 \text{ daN/m} (\gamma g1 = 1.30; \gamma g2 = 1.50)
Verifica a flessione deviata:
Mx = (Qy L^2) / 8 = 2440.0 daN cm
My = (Qx L^2) / 8 = 0.0 daN cm
\sigma xw = Mx / Wx = 5.86 daN/cmq
\sigma_{VW} = M_V / W_V = 0.00 \text{ daN/cmg}
(\sigma xw / fmd) + 0.7 (\sigma yw / fmd) = 0.061 < 1 (Ok)
(\sigma_{yw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{xw} / fmd) = 0.043 < 1 (Ok)
Verifica a taglio:
Vy = (Qy L) / 2 = 133.7 daN
Vx = (Qx L) / 2 = 0.0 daN
twy = 1.5 Vy / A = 0.80 daN/cmq
twx = 1.5 Vx / A = 0.00 daN/cmq
\tau w = (\tau w x^2 + \tau w y^2)^{1/2} = 0.80 \text{ daN/cmg} < \text{fvd} = 16.00 \text{ daN/cmg} \text{ (Ok)}
```

## Frecce in esercizio:

Deformazione istantanea per effetto dei carichi permanenti: U1Xi = ((5 G1x L^4 ) / (384 Em Jy)) + ((1.2 G1x L^2 ) / (8 Gm A)) = 0.000 mm U1Yi = ((5 G1y L^4 ) / (384 Em Jx)) + ((1.2 G1y L^2 ) / (8 Gm A)) = 0.085 mm U1i = (U1Xi^2 + U1Yi^2 )^{1/2} = 0.085 mm

Deformazione istantanea per effetto dei carichi variabili:

U2Xi = ((5 Q1x L<sup>4</sup>) / (384 Em Jy)) + ((1.2 Q1x L<sup>2</sup>) / (8 Gm A)) = 0.000 mm U2Yi = ((5 Q1y L<sup>4</sup>) / (384 Em Jx)) + ((1.2 Q1y L<sup>2</sup>) / (8 Gm A)) = 0.042 mm U2i = (U2Xi<sup>2</sup> + U2Yi<sup>2</sup>)  $^{1/2}$  = 0.042 mm

Deformazione istantanea (combinazione rara):

Ui = U1i + U2i = 0.127 mm

Deformazione finale per effetto dei carichi permanenti + variabili (combinazione quasi permanente):

Verifiche di deformazione:

Ui / L = 1 / 5751 < 1 / 300 (Ok) Ufin / L = 1 / 4097 < 1 / 200 (Ok)

## **VERIFICA SOLAIO IN LEGNO S.3 (LUCE 181 cm)**

## VERIFICA DI UN TETTO IN LEGNO A ORDITURA SEMPLICE

Dati generali:

Normativa di riferimento: DM 17/01/2018 NTC Categoria carichi variabili: H, I, K - Coperture.

#### Dati geometrici:

Travi in legno:

| BxH [cm]    | Angolo incl. | Area [cm²] | Av [cm <sup>2</sup> ] | Wx [cm <sup>3</sup> ] | Jx [cm <sup>4</sup> ] | Wy [cm <sup>3</sup> ] | Jy [cm <sup>4</sup> ] |
|-------------|--------------|------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| 10.0 x 12.0 | 0.0°         | 120.0      | 85.2                  | 240.0                 | 1440.0                | 200.0                 | 1000.0                |

Interasse: i = 73.0 cm

Luce di calcolo: L = Lo / cosa = 181.0 / 1.00000 = 181.0 cm

Spessore tavolato in legno: tw = 5.0 cm Angolo inclinazione falda:  $\alpha$  = 0.0°

#### MATERIALI

#### Legno:

Le normative EN dividono i legnami per costruzioni in classi (C, D, T, GL) per le quali vengono forniti dei valori caratteristici di resistenza, modulo elastico e densità.

Caratteristiche meccaniche del legno:

f<sub>mk</sub> Resistenza a flessione

fto Resistenza a trazione parallela alle fibre fteo Resistenza a trazione perpendicolare alle fibre fco Resistenza a compressione parallela alle fibre fceo Resistenza a compressione perpendicolare alle fibre

f<sub>vk</sub> Resistenza a taglio Em Modulo elastico medio

 $\begin{array}{ll} \text{Gm} & \text{Modulo elastico tangenziale medio} \\ \rho_k & \text{Massa volumica caratteristica} \\ \rho_m & \text{Massa volumica media} \end{array}$ 

L'applicazione di coefficienti correttivi legati a fattori ambientali e durata dei carichi e i coefficienti parziali di sicurezza permettono di ottenere i valori di progetto (d) da quelli caratteristici (k) con le seguenti relazioni:

Per i valori di resistenza: Xd = K<sub>mod</sub> Xk / γ<sub>m</sub>

Per verifiche a flessione e a trazione parallela alla fibratura i valori possono essere incrementati tramite il coefficiente moltiplicativo kh che tiene conto della dimensione massima della sezione.

Per le deformazioni a lungo termine i moduli elastici risultano ridotti: Mm, fin = Mm / (1 + Kdef )

Nel caso in esame i coefficienti correttivi valgono:

Classe di servizio 1 - (caratterizzata da un'umidità del materiale in equilibrio con l'ambiente a una temperatura di 20°C e un'umidità relativa dell'aria circostante che non superi il 65% se non per poche settimane all'anno.)

K<sub>mod</sub> = 0.90 per classe di durata dei carichi variabili di breve durata (meno di 1 settimana)

K<sub>mod</sub> = 0.60 per classe di durata dei carichi variabili permanenti

K<sub>def</sub> = 0.60 per classe di servizio 1

#### Legno travi:

Classe: GL24h - EN14080:2013 Legno lamellare incollato

γ<sub>m</sub> = Coef. parziale di sicurezza = 1.45

Kh = 1.100 (Lmax = 12.0 cm)

Kcf = Coef. riduzione a taglio per fessurazione = 0.71

| Em       | Em,fin  | Gm      | Gm,fin  | ρk    | ρm    |
|----------|---------|---------|---------|-------|-------|
| daN/cmq  | daN/cmq | daN/cmq | daN/cmq | kg/mc | kg/mc |
| 115000.0 | 71875.0 | 6500.0  | 4062.5  | 385.0 | 420.0 |

| Resistenza                      | f <sub>mk</sub> | f <sub>t0</sub> | f <sub>t90</sub> | f <sub>c0</sub> | f <sub>c90</sub> | f <sub>vk</sub> |
|---------------------------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|------------------|-----------------|
|                                 | daN/cmq         | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         |
| caratteristica                  | 240.0           | 192.0           | 5.0              | 240.0           | 25.0             | 35.0            |
| prog. (K <sub>mod</sub> = 0.90) | 163.9           | 131.1           | 3.1              | 149.0           | 15.5             | 21.7            |
| prog. (K <sub>mod</sub> = 0.60) | 109.2           | 87.4            | 2.1              | 99.3            | 10.3             | 14.5            |

## Legno tavolato:

Classe: C24 - EN338:2016 Legname di conifere e di pioppo Classe C

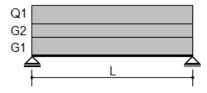
 $\gamma_m$  = Coef. parziale di sicurezza = 1.50

Kh = 1.000 (Lmax = 25.0 cm - larghezza delle tavole) Kcf = Coef. riduzione a taglio per fessurazione = 0.50

| Em       | Em,fin  | Gm      | Gm,fin  | ρk    | ρm    |
|----------|---------|---------|---------|-------|-------|
| daN/cmq  | daN/cmq | daN/cmq | daN/cmq | kg/mc | kg/mc |
| 110000.0 | 71875.0 | 6900.0  | 4312.5  | 350.0 | 420.0 |

| Resistenza               | f <sub>mk</sub> | f <sub>t0</sub> | f <sub>t90</sub> | f <sub>c0</sub> | fc90    | fvk     |
|--------------------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------------|---------|---------|
|                          | daN/cmq         | daN/cmq         | daN/cmq          | daN/cmq         | daN/cmq | daN/cmq |
| caratteristica           | 240.0           | 145.0           | 4.0              | 210.0           | 25.0    | 40.0    |
| prog. $(K_{mod} = 0.90)$ | 144.0           | 87.0            | 2.4              | 126.0           | 15.0    | 24.0    |
| prog. $(K_{mod} = 0.60)$ | 96.0            | 58.0            | 1.6              | 84.0            | 10.0    | 16.0    |

## SCHEMA STATICO:



## **ANALISI DEI CARICHI:**

Carichi permanenti:

| - tavolato in legno  | 21,0 | daN/mg |
|----------------------|------|--------|
| g1 =                 | 21,0 | daN/mq |
| g1 x interasse travi | 15.3 | daN/m  |
| peso proprio trave   | 5.0  | daN/m  |
| G1 =                 | 20.4 | daN/m  |

G2 = g2 x interasse travi (0.73 m) 165.0 daN/m

Carichi variabili:

 $\begin{array}{lll} q = carico \ da \ neve & 120,0 & daN/mq \\ q' = q \ cos \alpha & 120,0 & daN/mq \\ Q1 = q' \ x \ interasse \ travi & 87.6 & daN/m \end{array}$ 

## Carichi permanenti portati (non strutturali)

Stratigrafia copertura [daN/mq]

| - pavimento in cotto su malta di calce          | 75.0  |
|---|-------|
| - sottofondo cls con argilla espansa (s=4.0 cm) | 56.0  |
| -pannelli solari + supporto                     | 55.0  |
| - controsoffitto pesante                        | 25.0  |
| Totale carichi G2                               | 211.0 |

```
VERIFICHE FALSO PUNTONE IN LEGNO:
```

Combinazione di carico: permanenti + variabili (Kmod = 0.900)

Q (ortogonale) =  $(G1 \gamma g1 + G2 \gamma g2 + Q1 \gamma q1) \cos \alpha = 405.35 \text{ daN/m}$  ( $\gamma g1 = 1.30$ ;  $\gamma g2 = 1.50$ ;  $\gamma q1 = 1.50$ )

Verifica a flessione:

 $M = (Q L^2) / 8 = 16599.6 daN cm$ 

 $\sigma_W = M / W_X = 69.2 \text{ daN/cmq} < f_{md} = 163.86 \text{ daN/cmq} (Ok)$ 

Verifica a taglio:

V = (Q L) / 2 = 366.8 daN

 $\tau_W = 1.5 \text{ V / Av} = 6.5 \text{ daN/cmq} < f_{vd} = 21.72 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

Combinazione di carico: soli carichi permanenti (Kmod = 0.600)

Q (ortogonale) = (G1  $\gamma$ g1 + G2  $\gamma$ g2) cos $\alpha$  = 273.95 daN/m ( $\gamma$ g1 = 1.30;  $\gamma$ g2 = 1.50)

Verifica a flessione:

 $M = (Q L^2) / 8 = 11218.6 daN cm$ 

 $\sigma_W = M / Wx = 46.7 \text{ daN/cmq} < fp_{md} = 109.24 \text{ daN/cmq} (Ok)$ 

Verifica a taglio:

V = (Q L) / 2 = 247.9 daN

 $TW = 1.5 \text{ V / Av} = 4.4 \text{ daN/cmg} < fp_{vd} = 14.48 \text{ daN/cmg}$  (Ok)

#### Frecce in esercizio:

Deformazione istantanea per effetto dei carichi permanenti:

Gk = G1 + G2 = 20.37 + 164.98 = 185.35 daN/m

 $U1i = ((5 \text{ Gk } L^4) / (384 \text{ Em Jx})) + ((1.2 \text{ Gk } L^2) / (8 \text{ Gm A})) = 1.681 \text{ mm}$ 

Deformazione istantanea per effetto dei carichi variabili:

 $U2i = ((5 Q1 L^4) / (384 Em Jx)) + ((1.2 Q1 L^2) / (8 Gm A)) = 0.794 mm$ 

Deformazione istantanea (combinazione rara):

Ui = U1i + U2i = 2.475 mm

Deformazione finale per effetto dei carichi permanenti + variabili (combinazione quasi permanente):

Ufin = U1i (1 + Kdef) + U2i (1 +  $\psi$  2 Kdef) = 3.484 mm (Kdef = 0.600,  $\psi$  2 = 0.00):

Verifiche di deformazione:

Ui / L = 1 / 731 < 1 / 300 (Ok)

Ufin / L = 1 / 520 < 1 / 200 (Ok)

#### **VERIFICHE DEL TAVOLATO IN LEGNO:**

twy = 1.5 Vy / A = 0.80 daN/cmqtwx = 1.5 Vx / A = 0.00 daN/cmq

 $tw = (twx^2 + twy^2)^{1/2} = 0.80 \text{ daN/cmq} < \text{fvd} = 16.00 \text{ daN/cmq} \text{ (Ok)}$ 

```
Dimensioni di calcolo: larghezza = 100 cm, spessore = 5.0 cm, luce = 73.0 cm
```

```
G1x = G1 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                             G1v = G1 \cos\alpha = 21.00 \text{ daN/m}
G2x = G2 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                              G2y = G2 cosa = 226.00 daN/m
Q1x = Q1 \operatorname{sen}\alpha = 0.00 \operatorname{daN/m}
                                             Q1y = Q1 \cos \alpha = 120.00 daN/m
Combinazione di carico: permanenti + variabili (Kmod = 0.900)
Qx = G1x \gamma g1 + G2x \gamma g2 + Q1x \gamma q1 = 0.00 daN/m
                                                               (\gamma g1 = 1.30; \ \gamma g2 = 1.50; \ \gamma q1 = 1.50)
Qy = G1y \gammag1 + G2y \gammag2 + Q1y \gammaq1 = 546.30 daN/m (\gammag1 = 1.30; \gammag2 = 1.50; \gammaq1 = 1.50)
Verifica a flessione deviata:
Mx = (Qy L^2) / 8 = 3639.0 daN cm
My = (Qx L^2) / 8 = 0.0 daN cm
\sigma xw = Mx / Wx = 8.73 daN/cmq
σyw = My / Wy = 0.00 daN/cmq
(\sigma xw / fmd) + 0.7 (\sigma yw / fmd) = 0.061 < 1 (Ok)
(\sigma yw / fmd) + 0.7 (\sigma xw / fmd) = 0.042 < 1 (Ok)
Verifica a taglio:
Vy = (Qy L) / 2 = 199.4 daN
Vx = (Qx L) / 2 = 0.0 daN
twy = 1,5 Vy / A = 1.20 daN/cmq
twx = 1.5 Vx / A = 0.00 daN/cmq
\tau_W = (\tau_W x^2 + \tau_W y^2)^{1/2} = 1.20 \text{ daN/cmg} < \text{fvd} = 24.00 \text{ daN/cmg} (Ok)
Combinazione di carico: soli carichi permanenti (Kmod = 0.600)
Qx = G1x \gamma g1 + G2x \gamma g2 = 0.00 daN/m
                                                  (\gamma g1 = 1.30; \gamma g2 = 1.50)
Qy = G1y \gammag1 + G2y \gammag2 = 366.30 daN/m (\gammag1 = 1.30; \gammag2 = 1.50)
Verifica a flessione deviata:
Mx = (Qy L^2) / 8 = 2440.0 daN cm
My = (Qx L^2) / 8 = 0.0 daN cm
\sigma xw = Mx / Wx = 5.86 daN/cmq
σyw = My / Wy = 0.00 daN/cmq
(\sigma xw / fmd) + 0.7 (\sigma yw / fmd) = 0.061 < 1 (Ok)
(\sigma_{yw} / fmd) + 0.7 (\sigma_{xw} / fmd) = 0.043 < 1 (Ok)
Verifica a taglio:
Vy = (Qy L) / 2 = 133.7 daN
Vx = (Qx L) / 2 = 0.0 daN
```

#### Frecce in esercizio:

Deformazione istantanea per effetto dei carichi permanenti: U1Xi = ((5 G1x L $^4$ ) / (384 Em Jy)) + ((1.2 G1x L $^2$ ) / (8 Gm A)) = 0.000 mm U1Yi = ((5 G1y L $^4$ ) / (384 Em Jx)) + ((1.2 G1y L $^2$ ) / (8 Gm A)) = 0.085 mm U1i = (U1Xi $^2$  + U1Yi $^2$ )  $^{1/2}$  = 0.085 mm

Deformazione istantanea per effetto dei carichi variabili:

U2Xi = ((5 Q1x L<sup>4</sup>) / (384 Em Jy)) + ((1.2 Q1x L<sup>2</sup>) / (8 Gm A)) = 0.000 mm U2Yi = ((5 Q1y L<sup>4</sup>) / (384 Em Jx)) + ((1.2 Q1y L<sup>2</sup>) / (8 Gm A)) = 0.042 mm U2i = (U2Xi<sup>2</sup> + U2Yi<sup>2</sup>)  $^{1/2}$  = 0.042 mm

Deformazione istantanea (combinazione rara):

Ui = U1i + U2i = 0.127 mm

Deformazione finale per effetto dei carichi permanenti + variabili (combinazione quasi permanente):

Verifiche di deformazione:

Ui / L = 1 / 5751 < 1 / 300 (Ok) Ufin / L = 1 / 4097 < 1 / 200 (Ok)